

ATIVIDADES PEDAGÓGICAS NÃO PRESENCIAIS DE MATEMÁTICA – 8º ANO

(Referente às aulas de 29/08/2020 até 18/09/2020)

Orientações: Olá queridos alunos! Após realizar as atividades enviá-las por fotos ou entregar na escola. Até breve!

Atividade avaliativa: Somente serão consideradas as respostas que tiverem todo o desenvolvimento do cálculo;

Atividades:

1. Represente cada situação em uma equação de duas incógnitas.
 - a. A quantidade de risoles menos a de pastéis é igual a 17.
 - b. Carlos pagou R\$ 132,00 por três meias e uma camiseta.
2. Um das soluções da equação $2x - 4y = 2$ é o par ordenado:
a) (3, 1) b) (2, 5) c) (5, 2) d) (4, 1)
3. Dada a equação $y - x = 3$, forme 7 pares ordenados que sejam solução para a equação e represente os no plano cartesiano.

Sistemas de Equações

Um **sistema de equações** é constituído por um conjunto de equações que apresentam mais de uma incógnita. Para resolver um sistema é necessário encontrar os valores que satisfaçam simultaneamente todas as equações.

Um sistema é chamado do 1º grau, quando o maior expoente das incógnitas, que integram as equações, é igual a 1 e não existe multiplicação entre essas incógnitas.

Como resolver um sistema de equações do 1º grau?

Podemos resolver um sistema de equações do 1º grau, com duas incógnitas, usando o método da substituição ou o da soma.

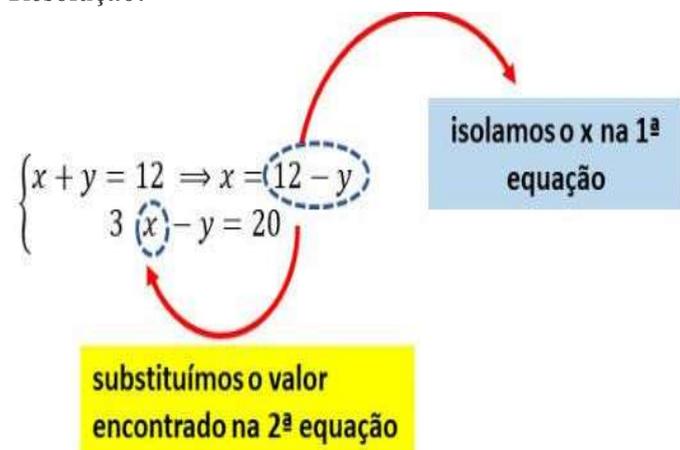
Método da substituição: Esse método consiste em escolher uma das equações e isolarmos uma das incógnitas, para determinar o seu valor em relação a outra incógnita. Depois, substituímos esse valor na outra equação. Desta forma, a segunda equação ficará com uma única incógnita e, assim, poderemos encontrar o seu valor final. Para finalizar, substituímos na primeira equação o valor encontrado e, assim, encontramos também o valor da outra incógnita.

Exemplo: Resolva o seguinte sistema de equações:

$$\begin{cases} x + y = 12 \\ 3x - y = 20 \end{cases}$$

Resolução:

Vamos começar escolhendo a primeira equação do sistema, que é a equação mais simples, para isolar o x. Assim temos:



Após substituir o valor de x, na segunda equação, podemos resolvê-la, da seguinte maneira:

$$3. (12 - y) - y = 20$$

$$36 - 3y - y = 20$$

$$-4y = 20 - 36$$

$$4y = 16$$

$$y = \frac{16}{4} = 4$$

Agora que encontramos o valor do y, podemos substituir esse valor da primeira equação, para encontrar o valor do x:

$$x + 4 = 12$$

$$x = 12 - 4$$

$$x = 8$$

Assim, a solução para o sistema dado é o par ordenado **(8, 4)**. Repare que esse resultado tornam ambas as equações verdadeiras, **pois $8 + 4 = 12$ e $3 \cdot 8 - 4 = 20$** .

Método da Adição: No método da adição buscamos juntar as duas equações em uma única equação, eliminando uma das incógnitas. Para isso, é necessário que os coeficientes de uma das incógnitas sejam opostos, isto é, devem ter o mesmo valor e sinais contrários.

Exemplo: Para exemplificar o método da adição, vamos resolver o mesmo sistema anterior:

$$\begin{cases} x + y = 12 \\ 3x - y = 20 \end{cases}$$

Note que nesse sistema a incógnita y possui coeficientes opostos, ou seja, 1 e - 1. Então, iremos começar a calcular somando as duas equações, conforme indicamos abaixo:

$$\begin{array}{r} + \begin{cases} x + y = 12 \\ 3x - y = 20 \end{cases} \\ \hline 4x = 32 \end{array}$$

Ao anular o y, a equação ficou apenas com o x, portanto agora, podemos resolver a equação:

$$x = \frac{32}{4} = 8$$

Para encontrar o valor do y, basta substituir esse valor em uma das duas equações. Vamos substituir na mais simples:

$$8 + y = 12 \Rightarrow y = 12 - 8 \Rightarrow y = 4$$

Note que o resultado é o mesmo que já havíamos encontrado, usando o método da substituição.

Quando as equações de um sistema não apresentam incógnitas com coeficientes opostos, podemos multiplicar todos os termos por um determinado valor, a fim de tornar possível utilizar esse método.

Por exemplo, no sistema abaixo, os coeficientes de x e de y não são opostos:

$$\begin{cases} 3x + y = 24 \\ 5x + 2y = 60 \end{cases}$$

Portanto, não podemos, inicialmente, anular nenhuma das incógnitas. Neste caso, devemos multiplicar por algum número que transforme o coeficiente em um número oposto do coeficiente da outra equação.

Podemos, por exemplo, multiplicar a primeira equação por - 2. Contudo, devemos ter o cuidado de multiplicarmos **todos** os termos por - 2, para não modificarmos a igualdade.

Assim, o sistema equivalente ao que queremos calcular é:

$$\begin{cases} -6x - 2y = -48 \\ 5x + 2y = 60 \end{cases}$$

Agora, é possível resolver o sistema por adição, conforme apresentado abaixo:

$$\begin{array}{r} + \begin{cases} -6x - 2y = -48 \\ 5x + 2y = 60 \end{cases} \\ \hline -1x = 12 \end{array}$$

Logo, $x = -12$, não podemos esquecer de substituir esse valor em uma das equações para encontrar o valor do y . Substituindo na primeira equação, temos:

$$-6.(-12) - 2y = -48$$

$$+72 - 2y = -48$$

$$-2y = -48 - 72$$

$$-2y = -120$$

$$y = \frac{120}{2} = 60$$

Assim, a solução para o sistema é o par ordenado $(-12, 60)$

Atividades:

1. Resolva os sistemas a seguir.

a)
$$\begin{cases} 3x + 2y = -5 \\ x - 2y = -7 \end{cases}$$

c)
$$\begin{cases} x + y = 4 \\ x - y = 8 \end{cases}$$

b)
$$\begin{cases} 2x + y = 3 \\ 3x + 2y = 4 \end{cases}$$

d)
$$\begin{cases} 2x - y = 3 \\ x + y = 3 \end{cases}$$

3) Uerj - 2015



Adaptado de mundinhoinfantil.blogspot.com.br.

De acordo com os dados do quadrinho, a personagem gastou R\$ 67,00 na compra de x lotes de maçã, y melões e quatro dúzias de bananas, em um total de 89 unidades de frutas. Considerando as informações contidas na imagem e nos dados do problema, temos o seguinte sistema:

$$\begin{cases} 5.x + 5.y + 12 = 67 \\ 6.x + y + 48 = 89 \end{cases}$$

Desse total, o número de unidades de maçãs comprado foi igual a:

- a) 24
- b) 30
- c) 36
- d) 42